

## Domáca úloha 8

2-EFM-107 Parciálne diferenciálne rovnice, 2023

Termín odovzdania: 14. 12. 2023 na začiatku cvičenia

Spoločné zadanie, výsledky budeme potrebovať na cvičení. Ide o opakovanie: integrály z výpočtov Fourierových koeficientov a hľadanie riešení obyčajnej diferenciálnej rovnice špecifického tvaru.

**Príklad 1 (5+5 b.).** Nech  $k$  je prirodzené číslo. Vypočítajte integrály:

- $\int_0^1 \sin(k\pi x)dx$
- $\int_0^1 x \sin(k\pi x)dx$

Zapíšte výsledky tak, aby výsledok neobsahoval explicitne síňus a kosínus (platí  $\sin(k\pi) = 0, \cos(k\pi) = (-1)^k$ ).

**Príklad 2 (5+5+10+10 b.).** Nájdite partikulárne riešenie  $\alpha(t)$  (t.j. jedno konkrétné riešenie, pričom neberieme ohľad na hodnotu v čase  $t = 0$ , tá môže byť ľubovoľná) obyčajnej diferenciálnej rovnice

$$\dot{\alpha}(t) + A \alpha(t) = f(t),$$

kde  $k > 0$  je konštanta a funkcia  $f(t)$  je

- $f(t) = b,$
- $f(t) = bt + c,$
- $f(t) = c e^{bt},$
- $f(t) = c \sin(bt),$

kde  $A, b, c \neq 0$  sú konštenty.